

学籍番号

氏名

得点

Q1: 位置ベクトル $\mathbf{r} = (1, 2, -1)$ にあり, 質量 2, 速度ベクトル $\mathbf{v} = (-2, 3, 2)$ を持つ質点がある. 以下の問いに答えよ.

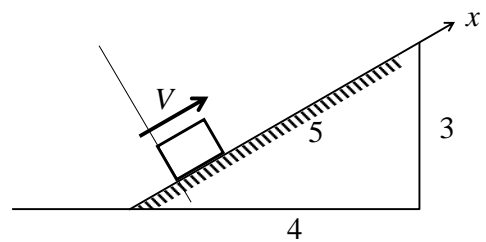
(1) 質点の角運動量ベクトル \mathbf{L} は $\mathbf{L} = \mathbf{r} \times m\mathbf{v}$ と定義される物理量である. 角運動量を求めよ(10).

(2) この物体は, 原点から遠ざかっているか, 近づいているか, 根拠を示して述べよ(10).

Q2: 図のように, 斜面上を上向きに滑る質量 m の物体がある.

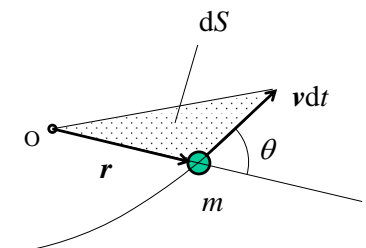
斜面の形は 3:4:5 の直角三角形で, 斜面と物体の間の動摩擦係数は $1/2$ である. 重力加速度の大きさを g とする.

(1) 斜面上方に x 軸をとり, 運動方程式を立てなさい(10).



(2) 時刻ゼロで物体は $x=0$ におり, 速度 V であった. 物体は斜面上をどこまで登ることができるか答えよ(10).

Q3: ニュートンは, ケプラーの第2法則「惑星の軌道が一定時間に掃く面積は一定」(面積速度一定の法則)から, 「惑星に働く力が中心力である」ことを見抜いた. 以下の問いに答えよ. ここで, 面積速度一定の法則は, 数式では $rv_\theta = \text{const.}$ と書き換えられる.



(1) 極座標の運動方程式は, 成分ごとに書き下せば

$$r: m \left\{ \frac{d^2 r}{dt^2} - r \left(\frac{d\theta}{dt} \right)^2 \right\} = F_r \quad \theta: m \left(2 \frac{dr}{dt} \frac{d\theta}{dt} + r \frac{d^2 \theta}{dt^2} \right) = F_\theta$$

である. θ 成分に注目する. はじめに, $r^2 \frac{d\theta}{dt}$ を時間で 1 階微分せよ(10).

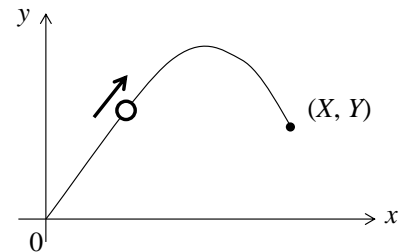
(2) (1)の結果を用い, θ 成分の運動方程式を $r^2 \frac{d\theta}{dt}$ を使い書き換えよ(10).

(3) 惑星に働く力が中心力であることを示しなさい(10).

Q4: 図の様に, 原点(0, 0)と点(X, Y)を通る放物運動を実現したい.

以下の問に答えよ. 重力加速度の大きさを g とする.

(1) 物体は時刻ゼロで原点から投げ上げられる. いま, 仮に物体が時刻 T で点(X, Y)を通過したとする. 初速度の x 成分, y 成分に課せられる条件を, T を使い示しなさい(10×2=20).



(2) 初速度の x 成分を V と決めた. 初速度の y 成分を求めよ. T を使わず解答すること(10).